# تحلیل تجربی و شبیهسازی فروریزش محوری پوستههای استوانهای دوجدارهٔ توخالی و تقویتشدهٔ یکسر گیردار

**سجاد آذرخش <sup>۱</sup>، معینالدین حسنی سعدی <sup>۲</sup>، علی قمریان <sup>۳</sup>، محمدجواد حمزه گرگانی<sup>۴</sup>** ۱ باشگاه پژوهشگران جوان و نخبگان، واحد اراک، دانشگاه آزاد اسلامی، اراک، ایران، sajad\_azarakhsh@yahoo.com ۲ کارشناس ارشد مهندسی مکانیک، دانشگاه آزاد اسلامی واحد اراک، اراک ۳ باشگاه پژوهشگران جوان و نخبگان، واحد تهران مرکزی، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران ۲ کارشناس ارشد مهندسی سازههای هوایی، دانشگاه جامع امام حسین<sup>(ع)</sup>، تهران

> تاریخ دریافت: ۱۳۹۵/۰۶/۳۱ تاریخ پذیرش: ۱۳۹۵/۰۹/۰۷

#### چکیدہ

لولههای جدارنازک تقویتشده با فوم جاذب انرژی مطلوبی در بارگذاری محوری محسوب می شوند که نسبت به لوله های توخالی از جذب انرژی بیشتری برخوردارند. در مقالهٔ حاضر، تحلیل تجربی و شبیهسازی رفتار تغییر شکل لولههای دوجدارهٔ آلومینیمی با سطح مقطع دایروی تحت بارگذاری محوری شبهاستاتیک بررسی می شود. در مطالعهٔ تجربی لولههای دوجدارهٔ توخالی و تقویتشده با فوم پلی یورتان تحت تأثیر بارگذاری شبه استاتیک قرار می گیرند و نحوهٔ فروریزش نمونه، تغییرات نیرو و مقدار انرژی لازم تعیین میشود. چون در حالت تجربی، نحوهٔ فروریزش تمامی لولههای دوجداره بهصورت متقارن محوری است، مدل متقارن محورى با استفاده از تحليل اجزاى محدود براى شبيهسازى فروريزش لولههاى دوجداره با سطح مقطع دایروی ارائه می شود و اثر رفتار غیرخطی مواد، تماس و تغییر شکل بزرگ در این شبیهسازی در نظر گرفته می شود. مقایسهٔ نتایج تجربی و شبیهسازی نشان میدهد مدل ارائه شده روش مناسبی برای تعیین پاسخ فروریزش و میزان انرژی جذب شده ارائه میکند. در ادامه، اثر پارامترهای ابعادی و چگالی فوم بررسی میشود و نتایج مزیت استفاده از لولههای دوجداره بهعنوان جاذب انرژی بهوضوح بیان می شود. نتایج این تحقیق نشان میدهد که میزان جذب انرژی پوستههای استوانهای تقویتشده نسبت به توخالی بیشتر است، این در حالی است که نیروی بیشینهٔ فروریزش در هر دو نمونه تقریباً یکسان است.

## واژگان کلیدی

فروريزش محوري، لوله هاي دوجداره، فوم پلي يورتان، جاذب انرژي، تحليل المان محدود

#### ۱. مقدمه

پوستههای استوانهای بهدلیل صرفهٔ اقتصادی، وزن پایین و کارآمدی در گسترهٔ وسیعی از صنایع با کاربردهایی چون ضربهگیر قطار، سپر و بدنهٔ خودرو مورد استفاده قرار می گیرند؛ لذا بررسی رفتار لهیدگی آنها اهمیت دارد. در همین راستا مطالعاتی دربارهٔ آنها صورت گرفته است.

نيک نژاد و لياقت (۱۳۹۰) رفتار چينخوردگی ستونهای جدارنازک آلومینیمی با سطح مقطع مربعی و مستطیلی شکل، در دو حالت توخالي و پرشده از فوم پلي اورتان با دانسيتهٔ پايين، تحت بارگذاری محوری شبه استاتیکی را با یکدیگر مقایسه کردند [۱]. مقايسة نتايج تستهاى انجامشده نشان داد كه پركنندة فوم پلیاورتان با دانسیتهٔ پایین، نیروی متوسط چینخوردگی و نیز مقدار ماکزیمم نیرو را افزایش میدهد و طول موج چینخوردگی را کاهش میدهد. همچنین با پرکردن ستونهای چهارگوش از فوم پلیاورتان، قابلیت جذب انرژی سازه به میزان قابل توجهی افزایش می یابد. قمریان و فارسی (۱۳۹۱) به مطالعهٔ آزمایشگاهی و شبیهسازی فروریزش سازههای جدارنازک استوانهای با درپوش کروی (سازههای جدارنازک ترکیبی) تحت اثر بارگذاری شبهاستاتیک محوری و بررسی عوامل مؤثر بر نحوهٔ فروریزش آنها پرداختند [۲]. مقایسهٔ نتایج آزمایشگاهی و شبیهسازی نشان داد مدل ارائهشده برای تعیین پاسخ فروریزش و تعیین نمودار نیرو -جابهجایی و میزان انرژی جذب شده مناسب است.

با استفاده از مدل عددی اثر زاویهٔ نیمراس بر متوسط نیروی فروریزش، میزان انرژی جذبشده و نحوهٔ فروریزش پوسته های استوانهای با درپوش کروی بررسی شد. علوینیا و محمدی الموتی (۱۳۹۳) به بررسی رفتار مکانیکی و میزان جذب انرژی لولههای هرمی با سطح مقاطع مستطیلی و مربعی با زوایای رأس، صفر،۱۰، مرمی با سطح مقاطع مستطیلی و مربعی با زوایای رأس، صفر،۱۰، ۱۵ و ۲۰ درجه، که تحت بارگذاری محوری شبهاستاتیکی قرار گرفته بودند پرداختند [۳]. نتایج نشان دادند که جذب انرژی سطح مقطع مربعی در شرایط یکسان بیشترین میزان را دارد. سینگاس (۱۹۹۹) رفتار فروریزش نامتقارن لولههای استوانهای را تحت بارگذاری محوری تحلیل کرد [۴]. وی برای نخستینبار مدلی بارگذاری محوری تحلیل کرد [۴]. وی برای نخستینبار مدلی ستوانهای به شیوهٔ نامتقارن ارائه نمود که اصول کلی آن مانند روش مدل فروریزش متقارن بر پایهٔ محاسبهٔ انرژی خمشی و کششی در ناحیه فروریزش بود. علوینیا و فرشاد (۱۳۹۳) اثر

هندسهٔ مقطع و فوم فلزی را بر رفتار مکانیکی مقاطع جدارنازک تحت تأثير بارهای محوری شبهاستاتیک به صورت تجربی و عددی مورد بررسی قرار دادند [۵]. سه نوع از مقاطع جدارنازک (دایرهای، شش ضلعی و مربع) به صورت توخالی و توپر تحت بارگذاری محوری قرار داده شد و خصوصیات جذب انرژی آنها شامل نیروی متوسط، انرژی جذب شده و نحوهٔ تغییر شکل مورد مطالعه واقع شد. نتایج پژوهش نشان داد که مقطع دایرهای دارای بیشترین میزان جذب انرژی و نیروی متوسط است. شریعتی و همکاران (۱۳۹۳) رفتار کمانش و جذب انرژی پوستههای نیمه کروی، استوانهای و مخروطی را تحت بارگذاری محوری به روش آزمایشگاهی و عددی مورد بررسی قرار دادند [۶]. در این پژوهش اثر هندسه، ضخامت، ارتفاع و وجود شیار بر بار کمانش و مقدار جذب انرژی بررسی شد. در انتها بین نتایج تجربی و عددی تطابق خوبی مشاهده گردید. مرزبان ¬راد و همکاران (۲۰۰۹) نشان دادند که مقطع بیضی نسبت به مقاطع مربع و دایرهای ظرفیت جذب انرژی بهتری دارد و چنان ه جنس مقطع از آلومینیم به فولاد تغییر کند زمان مورد نیاز جهت جذب انرژی و لهیدگی لوله تا ۴/۵ برابر بیشتر می شود [۷]. آذرخش و همکاران (۱۳۹۵) رفتار لهیدگی و پاسخ انرژی جذب شدهٔ لوله های استوانه ای برنجی را با استفاده از آزمایش و مدل اجزای محدود غیرخطی بررسی کردند [۸]. مقایسهٔ نتایج تجربی و عددی نشان داد که مدل عددی روش مناسبی برای تعیین پاسخ فروریزش و میزان انرژی جذب شده ارائه میکند. همچنین از تکنیک شبیهسازی صحهگذاری شده برای بررسی اثر پارامترهای مهم مانند عیوب هندسی، شرایط مرزی، زاویهٔ نیم رأس، تقویت کننده های چندسلولی و جز این ها استفاده نمودند. آذرخش و همکاران (۲۰۱۵) به تحلیل آزمایشگاهی و عددی فروریزش لوله⊤های دوجدارهٔ برنجی در حالت خالی و تقویتشده با فوم پرداختند [۹]. در این تحقیق، نتایج شبیه¬سازی با آزمایشگاهی مقایسه و همچنین پارامترهای مؤثر بر فروریزش از قبیل ضخامت و چگالی فوم توسط آنها بررسی شد.

در این مقاله، در ادامهٔ مطالعات انجامشده توسط نویسندگان، رفتار و نحوهٔ عملکرد ضربهگیرهای دوجدارهٔ آلومینیمی با سطح مقطع دایروی توخالی و تقویتشده با فوم پلییورتان در شرایط مرزی یک آسرگیردار به دو روش تجربی و عددی مطالعه شده است. قابلیت جذب انرژی، مقدار نیروی متوسط، نیروی بیشینه و

نحوهٔ تغییرشکل این نوع سازه ها مهم ترین عوامل مورد بررسی در این پژوهش است. مقایسهٔ نتایج تجربی و شبیهسازی نشان میدهد، مدل ارائهشده روش مناسبی برای تعیین پاسخ فروریزش و میزان انرژی جذب شده ارائه میکند. در ادامه، اثر پارامترهای ابعادی و چگالی فوم بررسی می شود و نتایج مزیت استفاده از لوله های دوجداره بهعنوان جاذب انرژی بهوضوح بیان می شود. نتایج این تحقیق نشان می دهد که میزان جذب انرژی پوسته های استوانهای تقویت شده نسبت به توخالی بیشتر است، این در حالی است که بیشینهٔ نیروی فروریزش در هر دو نمونه تقریباً یکسان است. نتایج این مطالعه در صنایع هوافضا می تواند برای بازیابی راکت کاوش بر پایهٔ لوله های دوجداره با سطح مقطع دایروی استفاده شود.

## ۲. مطالعهٔ تجربی

نحوهٔ آمادهسازی نمونههای تجربی و ساخت تجهیزات تأمین کنندهٔ شرایط مرزی، اندازه گیری دقیق هندسی و تعیین خواص مکانیکی لوله های آلومینیمی و فوم تقویت کننده از جمله مراحلی است که باید قبل از انجام آزمایش فروریزش نمونههای دوجدارهٔ تقویتشده با فوم تحت اثر بارگذاری محوری مورد توجه قرار گیرند. نمونههای تجربی در این تحقیق شامل پوستههای استوانهای دوجدارهٔ توخالی و تقویتشده با فوم پلی یورتان است. لولههای آلومینیمی مورد نظر برای آزمایش فروریزش محوری از سری ۱۰۵۰ انتخاب شده است. این لولهها معمولاً بهروش اكستروژن توليد مىشوند. در مطالعة تجربى قطر لولة داخلى ۰/۵±۰/۵ میلیمتر و با ضخامت ۲ میلیمتر و قطر لولهٔ خارجی ۰/۵±۰/۵ میلیمتر و با ضخامت ۱/۵ میلیمتر انتخاب شده است. طول نمونهها نیز توسط فرایند ماشینکاری برابر ۱۰۰±۱۰۰ میلیمتر در نظر گرفته شده است. لازم به توضیح است که در این مطالعه نمونههای توخالی با اندیس C و نمونههای تقویتشده با فوم پلییورتان با چگالی ۶۵ و ۱۴۵ کیلوگرم بر متر مکعب بهترتیب با اندیس FC1 و FC2 نشان داده می شود. چون شرایط مرزی انتخاب شده در این مطالعه یک سرگیردار است، برای جلوگیری از حرکت افقی و عمودی پوستههای داخلی و خارجی در طی فروریزش از فیکسچری استفاده می شود که دارای دو شیار همقطر با لولههای دوجداره و به عمق ۳ میلیمتر است. شکل ۱ لولهٔ دوجداره بههمراه فیکسچر را تحت آزمایش فشار محوری

نشان میدهد. در این مطالعه، آزمایش فشار محوری توسط دستگاه کشش – فشار ۶۰ تنی زویک دانشگاه امیرکبیر انجام میشود. محدودهٔ سرعت بارگذاری این دستگاه در حدود ۵/۰ تا میشود. محدودهٔ سرعت بارگذاری این دستگاه در حدود ۵/۰ تا اثری بر رفتار فروریزش پوستههای فلزی ندارد [۱۰]. بنابراین در اثری بر رفتار فروریزش پوستههای فلزی ندارد [۱۰]. بنابراین در بارگذاری ۱۰ میلیمتر بر دقیقه و میزان جابهجایی تقریباً ۴۵ بارگذاری ۱۰ میلیمتر بر دقیقه و میزان جابهجایی تقریباً ۴۵ میلیمتر انجام میشود. در این آزمایش لولههای دوجداره بههمراه فیکسچر بین دو فک تخت قرار داده میشوند، بهطوری که فک میلیمتر انبا و فک فوقانی با سرعت ۱۰ میلیمتر بر دقیقه بهصورت کاملاً محوری حرکت میکند. نمودار نیرو – جابهجایی و انرژی جذبشده بههمراه نحوهٔ فروریزش از جمله خروجیهای تجربی رفتار لولههای دوجداره تحت بارگذاری محوری محسوب میشوند.



شکل ۱ .آزمایش فشار محوری لولههای دوجداره

تعیین خواص مکانیکی لولهٔ آلومینیمی و فوم پلییورتان مرحلهٔ دیگری از انجام آزمایش تجربی محسوب می شود که در این مطالعه برای انجام شبیه سازی رفتار آلومینیم و فوم پلییورتان ضروری است. نمودار تنش – کرنش مهندسی مادهٔ آلومینیمی ۱۰۵۰ لوله های دوجداره مطابق شکل ۲ با استفاده از آزمایش کشش (استاندارد ASTM E8M) تعیین شد. مدول الاستیسیته و ضریب پواسون با نصب کرنش سنج به نمونه های تجربی به ترتیب ۸۶ گیگا پاسکال و ۲/۰ تعیین گردید. بر طبق این نمودار، مقدار تنش تسلیم برابر ۱۰۱ مگاپاسکال استخراج شد.



بهطور کلی، برای کاهش شوک ناشی از برخورد ضربه گیرها با اجسام دیگر همواره سعی می شود که انرژی اولیهٔ ضربه گیر در حین برخورد با استفاده از قطعات انعطاف پذیر متصل به آن جذب شود. روش های تجربی متعددی برای افزایش انرژی جذب شده در

ضربه گیرها وجود دارد که استفاده از قطعات انعطاف پذیر و تزریق فوم در داخل آنها یکی از روش های مرسوم در سازههای فضایی است [۱۱].

در مقالهٔ حاضر از فوم پلییورتان با چگالی ۶۵ و ۱۴۵ کیلوگرم بر متر مکعب برای افزایش قابلیت جذب انرژی پوستهٔ دوجدارهٔ آلومینیمی استفاده شده است که برای تعیین خواص مکانیکی آنها مSTM D1621-94 استاندارد ۹4–2011 محت آزمایش استفاده میشود. براساس این استاندارد، نمونههای تحت آزمایش مکعب شکل است که دارای ابعاد هندسی ۵۰×۵۰ ×۳۰ میلیمتر است (شکل ۳–الف). لازم به ذکر است که چگالی فومهای پلییورتان بهصورت نسبی تعیین شدهاند که برابر جرم مکعب فوم بر حجم آن است. شکل ۳ فوم پلییورتان (با دانسیتهٔ ۱۴۵ کیلوگرم بر متر مکعب) را قبل و بعد از بارگذاری فشاری نشان میدهد. براساس این آزمایش فوم با سرعت ۱۰ میلیمتر بر دقیقه حدود ۶۵ درصد ضخامت اولیه فشرده میشود.



شکل ۳. الف) فوم پلی یورتان سخت با دانسیته ۱٤۵ گیلو گرم بر مترمکعب، ب) قبل از بارگذاری فشاری تکمحوری، ج) بعد از بارگذاری فشاری تکمحوری

شکل ۴ نمودار تنش – کرنش مهندسی فوم پلییورتان با چگالیهای ۶۵ و ۱۴۵ کیلوگرم بر متر مکعب را تحت اثر بارگذاری شبهاستاتیکی فشاری نشان میدهد. نمودار نیرو – جابهجایی فروریزش لولههای دوجدارهٔ توخالی تحت اثر بارگذاری شبهاستاتیکی در شکل ۵ نمایش داده شده است. همان طور که ملاحظه میشود، در شروع بارگذاری، نیرو بهطور تقریباً خطی تا یک مقدار ماکزیمم افزایش مییابد. این روند تغییر نیرو ناشی از رفتار الاستیک لولههای دوجداره تحت اثر بار فشاری، قبل از آغاز کمانش است. با شروع فروریزش سطح فوقانی لولههای دوجداره و تشکیل چین خارجی نیرو افت میکند. سپس نیرو با تشکیل چین داخلی و تکمیل اولین چینخوردگی افزایش مییابد که با تشکیل

فروریزش، نیرو با تشکیل چین خارجی و داخلی بهترتیب کاهش و افزایش می ابد و در نتیجه منحنی نیرو – جابه جایی فروریزش متقارن محوری همواره به صورت تناوبی است. میزان افزایش اولین بیشینهٔ نیروی فروریزش لوله های دوجداره در مقایسه با سایر بیشینهٔ نیروها قابل توجه است که علت این امر پایداری و مقاومت اولیهٔ لوله های دوجداره در برابر بارگذاری محوری است. این درحالی است که با افزایش جابه جایی و کمانش لوله ها، پایداری آنها در برابر بارگذاری محوری کاهش می ابد. در نتیجه منحنی نیرو – جابه جایی فروریزش متقارن محوری بدون در نظر گرفتن اولین بیشینهٔ نیرو همواره به صورت تناوبی است [۱۰]. شکل ۶ نمای برش خوردهٔ فروریزش لولهٔ دوجدارهٔ توخالی را پس از جابه جایی ۵۴ میلی متر صفحهٔ صلب فوقانی نشان می دهد.

همانطور که ملاحظه میشود، بهدلیل تشابه شیوهٔ فروریزش لولههای دوجدارهٔ توخالی (متقارنمحوری) تفاوت قابل توجهی در نمودار نیرو – جابهجایی آنها دیده نمیشود. از طرفی، نحوهٔ

فروریزش متقارن محوری نمونه های تجربی دوجداره متفاوت هستند، علت این امر را می توان در عیوب هندسی حاصل از اکستروژن نمونه ها جستجو کرد.





شکل ٦. نمای برش خوردهٔ فروریزش لولهٔ دوجدارهٔ توخالی پس از جابهجایی ٤٥ میلیمتر صفحهٔ صلب فوقانی

همان طور که بیان شد، در مطالعهٔ یحاضر، شیوهٔ فروریزش لولههای دوجداره بهدلیل تقارن هندسهٔ آزمایشگاهی و شرایط بارگذاری، متقارن محوری است. معمولاً در فروریزش متقارن محوری با صرف نظر از اولین بیشینهٔ نیرو که مربوط به واکنش لولههای جدارنازک در محدودهٔ الاستیک است، بهترین شیوهٔ فروریزش برای جذب انرژی ضربه است. متوسط نیرو در این شیوهٔ فروریزش مقداری تقریباً ثابت است که از ویژگیهای اساسی یک ضربه گیر ایده آل است. شکل ۲ و ۸ بهترتیب نمودارهای نیرو – جابه جایی

لولههای دوجدارهٔ تقویتشده با فوم پلییورتان با چگالی ۶۵ و ۱۴۵ کیلوگرم بر متر مکعب را تحت بارگذاری محوری نشان میدهد. نتایج نشان میدهد که شیوهٔ فروریزش و تعداد چینهای لولههای دوجدارهٔ پرشده با فوم پلییورتان با چگالیهای متفاوت مشابهاند (شکل ۹). شکل ۱۰ مقایسهٔ نمودارهای نیرو – جابهجایی فروریزش لولههای دوجدارهٔ توخالی و تقویتشده با فوم را تحت بارگذاری محوری نشان میدهد. آنچه منحنیهای نیرو – جابهجایی این نمونهها را از هم متفاوت می کند، بیشینه و کمینهٔ نیروهای هر

چین است؛ بهطوری که با افزایش چگالی فوم، بیشینه و کمینهٔ نیروهای منحنی نیرو – جابهجایی افزایش مییابد. این امر بهمعنای افزایش سطح زیر نمودار نیرو – جابهجایی و بهعبارت دیگر افزایش قابلیت جذب انرژی در لولههای دوجدارهٔ تقویتشده با فوم است. بهطور کلی، بعد از انجام آزمایش شبهاستاتیکی بهدلیل خاصیت برگشتپذیری فومهای پلییورتان، حجمی از فومهای فشرده شده

بهسمت بیرون لولههای دوجداره هدایت میشوند. با توجه به خواص مکانیکی فومهای پلییورتان مورد مطالعه نسبت به آلیاژ آلومینیم لولههای استوانهای بهنظر میرسد، نیروی برگشتپذیری فومها به حدی نیست که سبب برگشتپذیری چینهای لولههای دوجداره شود. این پدیده در مطالعات پیشین نیز دیده شده است [۱۱–۱۲].



شکل ۷. نمودار نیرو -جابهجایی فروریزش لولههای دوجدارهٔ تقویتشده با چگالی ٦٥ کیلوگرم بر متر مکعب



شکل ۸ نمودار نیرو -جابهجایی فروریزش لولههای دوجدارهٔ تقویتشده با چگالی ۱٤۵ کیلوگرم بر متر مکعب



شکل ۹. فروریزش لولههای دوجدارهٔ تقویتشده با فوم با چگالی مختلف پس از جابهجایی ٤٥ میلیمتر صفحه صلب فوقانی

از طرفی دیگر، مطابق شکل ۱۱ بهدلیل مقاومت فوم در برابر بارگذاری محوری، چینهای لولههای استوانهای تقویت شده با فاصلهٔ بیشتری از یکدیگر  $(\delta)$  قرار می گیرند که این امر باعث

افزایش مقدار کمینههای نیرو در منحنی نیرو – جابهجایی می شود (شکل ۱۰). این درحالی است که وجود فوم سبب تغییر زاویهٔ چینهای ایجاد شده در لولهٔ تقویت شده نسبت به لولهٔ توخالی

می شود. همان طور که بیان شد، یکی از پارامترهای بسیار مهم در ضربه گیرهای تقویت شده با فوم، افزایش بیشینهٔ نیرو در منحنی های نیرو – جابه جایی است. در صورتی که این بیشینهٔ نیروها افزایش چشم گیری داشته باشند، باعث صدمهزدن به سلامت سرنشینان یا حسگرهای الکترونیکی محموله های فضایی می شود. مقدار پارامترهای مهم در فرایند فروریزش لوله های دوجدارهٔ تو خالی و تقویت شده با فوم در جدول ۱ آورده شده است. همان طور که ملاحظه می شود، بیشینهٔ نیروی فروریزش لوله های

تقویتشده با فوم برخلاف مطالعات گذشته (بررسی رفتار پوستههای استوانهای [۱۱]، پوستههای مخروطی [۱۲] و پوستههای ترکیبی مخروطی و کروی [۱۳–۱۴] نسبت به لولههای توخالی تغییر محسوسی نمیکند. از طرفی، انرژی جذبشده لولههای تقویتشده با فوم با چگالی ۶۵ و ۱۴۵ کیلوگرم بر متر مکعب بهترتیب ۸ و ۲۲ درصدد بیشتر از لولههای توخالی است. با اینحال در این مطالعه، انرژی ویژهٔ لولههای دوجدارهٔ تقویتشده با فوم به نسبت کمتر از لولههای توخالی است.



شکل ۱۰ . مقایسهٔ نمودارهای نیرو -جابهجایی فروریزش لولههای دوجدارهٔ توخالی و تقویتشده با فوم



شکل ۱۱. مقایسهٔ نحوهٔ فروریزش لولههای دوجدارهٔ توخالی و تقویتشده با فوم

جدول ۱. مقایسهٔ مهمترین پارامترهای فروریزش لولههای تقویتشده با فوم نسبت به لولههای توخالی

| انرژی ویژه (ژول) | انرژی جذب شدہ (ژول) | بيشينه نيرو (كيلونيوتن) | چگالی(کیلوگرم بر مترمکعب) | نام نمونه |
|------------------|---------------------|-------------------------|---------------------------|-----------|
| ۲۷/۳۶            | ۱۵۴۳                | ۵۲/۶                    | •                         | C1        |
| ۲٨/۲٩            | ۱۶۷۸                | ۵۲/۸                    | ۶۵                        | FC1-1     |
| ۲۹/۶۵            | 1776                | ۵۷/ ۱                   | 140                       | FC2-1     |

## ۳. شبیهسازی

در این مقاله از نرمافزار المان محدود آباکوس [۱۵] برای تحلیل فروریزش لولههای دوجدارهٔ توخالی و تقویتشده با فوم تحت اثر

بارگذاری شبه استاتیکی محوری استفاده شده است. فرایند شبیه سازی این مسئله به شرح زیر است.

#### ۳–۱. هندسه

شکل ۱۲ هندسه و بارگذاری لولهٔ دوجداره را در تحلیل عددی نشان میدهد. با توجه به نتایج آزمایش، برای تحلیل تغییر شکل لولههای دوجداره و بهمنظور کاهش زمان تحلیل عددی فرایند فروریزش آن، هندسهٔ این سازه نسبت به محور آن متقارن در نظر گرفته میشود. همانطور که ملاحظه میشود، لولهٔ دوجداره همراه با فوم پلییورتان بین دو خط صلب فوقانی و تحتانی مدل شده است. این خطوط بهترتیب بیانگر فکهای متحرک و ثابت دستگاه فشار یونیورسال است. بهطور کلی در شبیه سازی فروریزش لولههای دوجدارهٔ توخالی و تقویت شده با فوم از قیود زیر استفاده می شود:

- قید جسم صلب: این قید به کاربر اجازه میدهد تا حرکت نواحی یک مدل را نسبت به حرکت یک نقطه مقید کند. در شبیهسازی حاضر صفحات صلب به نقاط مرجع خود مقید شدهاند.
- ۲. قید بستن<sup>۱</sup>: در برخی از مسائل نقاط واقع بر دو سطح در تماس با هم نمیتوانند نسبت به هم حرکت داشته باشند و اتصال کاملی بین دو سطح برقرار میشود. این شرط تماس را اصطلاحاً قید بستن گویند. این قید به کاربر اجازه میدهد تا دو ناحیه با مشهای متفاوت را با یکدیگر ترکیب کند؛ بهطوری که درجات آزادی سطح پیرو<sup>۲</sup> توسط درجات آزادی سطح پایه<sup>۳</sup> مقید میشود. در این شبیهسازی فرض میشود سطح فوقانی و تحتانی لولهها بهترتیب آزاد و گیردار است بنابراین در این شبیهسازی برای مقیدکردن قاعدهٔ تحتانی لولهها و سطوح پیرو) به صفحهٔ صلب تحتانی (سطوح پایه) از قابلیت قید بستن استفاده شده است؛ بهطوری که تمامی درجات آزادی گرههایی از لولهها که با صفحهٔ صلب تحتانی در تماس هستند، نسبت به آن ثابت میشوند.

### ۳-۲. رفتار مکانیکی مواد

نرمافزار المان محدود اباکوس برای مدلسازی رفتار پلاستیک مواد چندین مدل در اختیار دارد و قادر به مدلسازی انواع مختلف مواد است. در این مقاله با توجه به فروریزش شبهاستاتیک از پلاستیسیتهٔ غیرحساس به نرخ کرنش استفاده می شود. رفتار الاستیک – پلاستیک مادهٔ آلومینیمی لوله های دوجداره که با

استفاده از آزمایش کشش مادهٔ آلومینیمی (شکل ۲) تعیین شد، در مدل عددی تعریف میشود. در نرمافزار المان محدود، برای تعریف رفتار پلاستیک مادهٔ آلومینیم از مدل پلاستیک<sup>۴</sup> استفاده میشود. همچنین در شبیهسازی حاضر، از مدل فوم تغییر شکلیافته<sup>۵</sup> برای تحلیل رفتار فومهای پلییورتان سخت استفاده میشود [۱۱–۱۲]. این مدل توانایی بالایی در تحلیل کمانش ناشی از فشردهشدن دیوارهٔ سلولهای فومهای الاستیک – پلاستیک دارد.



### ۳-۳. تعريف تماس

تماس در واقع اعمال قیود بر درجات آزادی گرههای سطوح در تماس است؛ بهطوری که این گرهها نمی توانند در راستای عمود بر سطح به داخل جسم حرکت کنند و می توانند از هم جدا شوند یا در راستای مماس بر سطح حرکت کنند. اگر سطح دارای اصطکاک باشد با ایجاد شرط تماس، نیرویی بر گرهها در راستای مماس بر سطوح اعمال می شود. در این شبیه سازی، برای جلوگیری از نفوذ نقاط مختلف لوله ی دوجداره به داخل قطعات صلب و فوم پلی یورتان نیاز است سطوح در تماس با یکدیگر تعریف شوند. شرایط تماس به دو دسته تقسیم می شود:

 ۲. تماس دو سطح مختلف : تماس ممکن است بین دو سطح مجزای تغییر شکلپذیر یا تماس بین یک سطح صلب با یک سطح تغییر شکلپذیر ایجاد شود. همان طور که در شکل ۱۲ ملاحظه می شود، بین سطح بیرونی لوله های استوانه ای با سطح سطح صلب فوقانی

این شرط تماس ایجاد شده است. مقدار ضریب اصطکاک برای این نوع تماس ۱۸/۵ در نظر گرفته شده است [۱۱–۱۲]. همچنین در نرمافزار المان محدود بهمنظور عدم نفوذ فوم پلییورتان در لولهٔ داخلی شرط تماس با ضریب اصطکاک ۱/۱ تعریف شده است [۱۱– ۱۲]. برای تمامی تماسها بهصورت پیشفرض تماس سخت<sup>۷</sup> تعریف می شود.

۲. خود تماسی<sup>4</sup>: تماس ممکن است در اثر نزدیکشدن نقاط واقع در یک سطح ایجاد شود و باید از نفوذ نقاط در داخل جسم در محل برخورد نقاط جلوگیری شود. در این شبیهسازی بهطور مجزا احتمال تماس سطوح بیرونی و داخلی لولهها با خودش و همچنین فوم پلییورتان با خودش پیشبینی شده است که ضریب اصطکاک برای این نوع تماس صفر است؛ زیرا ضریب اصطکاک خود تماسی اثر چندانی روی رفتار فروریزش لولهها ندارد [۱۱–۱۲].

## ٤-٣. شرایط مرزی و بارگذاری

هر صفحهٔ صلب ممکن است<sup>\*</sup> شش درجه آزادی شامل سه مؤلفه جابهجایی و سه مؤلفه دوران داشته باشد. چون سطح صلب زیرین در تحلیل آزمایشگاهی به فک ثابت دستگاه متصل است، در نتیجه، تمامی درجات آزادی آن مقید شدهاند. از طرف دیگر، تمامی درجات آزادی غیر از جابهجایی در راستای محوری سطح صلب بالایی (که به فک متحرک متصل است) مقید شده است.

## ۳-٥. تعريف المانبندي

نوع المانها برای تحلیل اجزای محدود وابسته به هندسهٔ نمونه و روش تحلیل است. برای شبیه سازی لولهٔ دوجدارهٔ توخالی و تقویت شده با فوم و صفحات صلب به ترتیب از المانهای متقارن محوری چهارگوش و المان صلب خطی استفاده شده است، به طوری که المانهای چهارگوش دارای چهار گره و المانهای خطی دارای دو گره هستند. برای مقالهٔ حاضر اثر اندازه المانهای لوله دوجدارهٔ توخالی وتقویت شده با فوم بررسی شده است که با توجه به همگرایی پاسخ فروریزش، تعداد المانهای لولهٔ دوجدارهٔ توخالی و فوم به ترتیب ۱۳۶۰ و ۵۰۷۰ المان در نظر گرفته شده است.

## ٤. مقایسهٔ نتایج تجربی و شبیهسازی

شکل ۱۴ مراحل فروریزش پوستهٔ استوانهای دوجدارهٔ توخالی و تقویت شده را تحت اثر بارگذاری شبه استاتیکی نشان می دهد. همان گونه که ملاحظه می شود، فروریزش پوسته های دوجداره از ناحیهٔ فوقانی به صورت تاخور دگی متقارن محوری شروع می شود و پشت سرهم ادامه می یابد. بنابراین انتظار می رود نیروی فروریزش لوله های استوانه ای با تشکیل چین داخلی و خارجی به صورت تناوبی باشد.



الف) توخالی، ب) تقویتشده تحت اثر بارگذاری محوری

شکل ۱۵ مقایسهٔ نتایج تجربی و شبیهسازی فروریزش محوری لولههای توخالی و تقویتشده با فوم پلییورتان را برای هندسهٔ C1 نشان میدهد. در این نمونه بازدهٔ لهیدگی برابر ۴۵ درصد است. همانگونه که ملاحظه میشود در هر دو حالت شبیه سازی و تجربی تعداد چینهای داخلی و خارجی لولههای دوجداره

توخالی و تقویتشده با فوم برابر است. شکل ۱۶ نمودار نیرو -جابهجایی و شکل ۱۷ نمودار انرژی - جابهجایی فروریزش متقارن محوری لوله های دوجدارهٔ توخالی و تقویت شده با فوم پلی یورتان با چگالی ۶۵ و ۱۴۵ کیلوگرم بر متر مکعب را براساس نتایج تجربی و شبیه سازی نشان میدهد. همان گونه که مشاهده می شود، ضمن تشابه روند تغییر نیرو در هر نمونه، تطابق قابل توجهی بین نتایج تجربی و شبیهسازی وجود دارد. اختلاف بین شیب نمونههای شبیهسازی و تجربی قبل از آغاز چینهای متقارن محوری را می توان مربوط به نحوهٔ تعریف خواص ماده در ناحیهٔ الاستیک توسط نرمافزار شبیهسازی برشمرد. چون در نرمافزار خواص الاستيك - پلاستيك توسط آزمايش كشش - فشار محوری و به صورت خط شکسته تعریف می شود و همچنین مدول الاستیسیته بهصورت تقریبی (معادل ۷۰ گیگاپاسکال در مادهٔ آلومینیمی) لحاظ شده است، بدیهی است که شیب نمودارهای تجربی و شبیهسازی قبل از آغاز چینهای متقارن محوری با هم متفاوت باشد. این امر در سایر تحقیقات پیشین نیز مشاهده شده

است [۱۱]. از طرفی دیگر، اختلافی که در بیشینهٔ نیروها و میزان انرژی جذب شدهٔ لولهٔ دوجدارهٔ توخالی و تقویت شده با فوم مشاهده می شود را می توان به صورت زیر تشریح کرد:

۱. وجود عیوب و نقص اولیه: لولههای دوجدارهٔ ساخته شده بهروش اکستروژن دارای نقص اولیه (شامل تغییر غیرخطی ضخامت، برآمدگی سطح و جز اینها) است. در این شبیه سازی نقصهای اولیه به نرمافزار المان محدود اعمال نشده است.

۲. تماس بین لولههای دوجداره و فوم پلییورتان: در شبیهسازی حاضر تماس بین لولههای دوجداره و فوم با تعریف ضریب اصطکاک و نیروی برشی مدل شده است، در صورتی که در حالت واقعی، به هنگام تشکیل فوم، نیروی فشاری به لولههای دوجداره وارد می شود که سبب عدم جدایش فوم از لولههای دوجداره می شود.

۳. فرض خواص همسانگرد در کل فرایند تغییر شکل فوم پلی یورتان: در شبیه سازی حاضر برخلاف واقعیت خواص فوم پلی یورتان در تمامی جهت یکسان در نظر گرفته شده است.













شکل ۱۷. نمودار انرژی - جابهجایی فرویزش لولههای دوجداره، الف) توخالی و تقویتشده با فوم با چگالیهای؛ ب) ۲۵، ج) ۱٤۵ کیلو گرم بر متر مکعب

# ۵. بررسی پارامتری

پس از اطمینان از صحت مدل ارائهشده برای تحلیل فرایند فروریزش لولههای دوجدارهٔ توخالی و تقویتشده با فوم، لازم است با استفاده از این مدلها اثر پارامترهای هندسی بههمراه چگالی فوم بر بیشینه نیروی فروریزش و میزان انرژی جذب شده آنها تحت بارگذاری محوری بررسی شود.

## ۵-۱. تأثير لولهٔ ثانی

در این بخش مزایای استفاده از لولههای دوجداره نسبت به لولهٔ تکجداره با جرم معادل تحت بارگذاری محوری بررسی می شود. پارامترهای هندسی و رفتار مکانیکی لولهٔ دوجداره همانند هندسهٔ C-1 انتخاب شده است. علاوه براین، قطر لولهٔ تکجداره در سه حالت شامل هم قطر با لولهٔ داخلی، میانگین قطرهای لولهٔ دوجداره و همقطر با لولهٔ خارجی در نظر گرفته می شود. این درحالی است که در این شبیهسازی ارتفاع تمامی لولهها یکسان و برابر ۱۰۰ میلیمتر است. بنابراین، افزایش پارامتر ضخامت دیواره در لولهٔ تکجداره تنها عامل برای معادلسازی وزنهای لولهٔ تکجداره با دوجداره است. شکل ۱۸ مقایسه نحوهٔ فروریزش محوری لولههای استوانهای تکجداره و دوجداره را با جرم یکسان نشان میدهد. بنابر آنچه بیان شد بهمنظور همسان سازی جرم لولهها بدیهی است که نمونه با قطر ۴۰ میلیمتر دارای بیشترین ضخامت باشد. همان طور که ملاحظه می شود، استفاده از لوله های دوجداره نسبت به لولهٔ تکجدارهٔ ضخیم باعث افزایش تعداد چینهای فروریزش می شود. این در حالی است که افزایش تعداد چین در لولههای دوجداره خود سبب کاهش مقدار بیشینههای نیروها در نمودار نیرو - جابهجایی نسبت به لولههای تکجدارهٔ ضخیم می شود.



شکل ۱۸. مقایسهٔ نحوهٔ فروریزش محوری لولههای استوانهای دوجداره و تکجدارهٔ با جرم یکسان

جدول ۲ نتایج پارامترهای خروجی شامل بیشینهٔ نیرو، انرژی جذب شده و انرژی ویژه فروریزش محوری لولههای استوانهای دوجداره و تکجداره را نشان میدهد. آنچه بهوضوح دیده میشود، افزایش قابل توجه انرژی ویژهٔ لولههای تکجداره نسبت لولههای دوجداره با جرم معادل است. نکته قابل تأمل کاهش بیشینهٔ نیروی لولههای دوجداره نسبت به لولههای تکجداره محسوس است. چون یکی از مهمترین ویژگیهای لولههای دوجداره کاهش بیشینهٔ نیرو و بهتبع آن کاهش شوک لحظهٔ برخورد ضربه گیر به جسم صلب نسبت به لولههای تکجداره با جرم معادل است، بنابراین الزامات و محدودیتهای طراحی (مانند وزن، شوک مجاز و جز اینها) میتواند عامل تعیین کننده در استفاده از لولههای تکجداره یا دوجداره باشد.

جدول ۲. مقایسهٔ پارامترهای خروجی فروریزش محوری لولههای استوانهای دوجداره و تکجداره با جرم یکسان

| داره | دوجا | تکجدارہ | تکجدارہ  | تکجدارہ | نوع نمونه                  |
|------|------|---------|----------|---------|----------------------------|
| ۶.   | ۴.   | ۶.      | ۵۰       | ۴۰      | قطر (میلیمتر)              |
| ۱/۵  | ۲    | ۲/۸۵    | ۳/۵۵     | 4/84    | ضخامت<br>(میلیمتر)         |
| ۵    | ٣    | ۵۸/۹    | ٧۴/۵     | ٨٧/۵    | بيشينة نيرو<br>(كيلونيوتن) |
| ۲.   | ۲۷   | 7010    | <u> </u> | ۵۰۲۳    | انرژی جذبشده<br>(ژول)      |
| ۱۲   | -/۶  | ۱۸/۶    | ۲۶/۵     | ٣۶/٢    | انرژی ویژه (ژول)           |

# ۵-۲. تأثير اختلاف قطر لولهٔ داخلی و خارجی

در این بخش اثر پارامتر اختلاف قطر لولهٔ داخلی و خارجی بر میزان انرژی جذبشده و هندسهٔ فروریزش لولههای دوجدارهٔ توخالی و تقویت شده با فوم پلییورتان با چگالی ۶۵ و ۱۴۵ کیلوگرم بر متر مکعب بررسی میشود. سایر ابعاد هندسی و شرایط مرزی ثابت در نظر گرفته میشود. طول نمونهها برابر ۱۰۰ میلیمتر و ضخامت لولههای دوجداره برابر ۱ میلیمتر در نظر گرفته میشود. اختلاف قطر لولهٔ داخلی و خارجی نیز برابر ۲۰، ۳۰ و ۴۰ میلیمتر انتخاب شده است. نتایج شبیهسازی نشان میدهد (شکل ۱۹) افزایش اختلاف قطر لولهٔ داخلی و خارجی لولههای دوجداره اثر ناچیزی بر اولین بیشینهٔ نیروی فروریزش دارد. گفتنی است با افزایش جابهجایی فروریزش پوستههای تقویتشده (بیش ار ۶ درصد طول اولیه)، بیشینهٔ نیروهای فروریزش رو به افزایش

است. این امر ممکن است به علت فشردگی سلولهای بستهٔ فوم پلی یورتان باشد. شکل ۲۰ نیز انرژی جذب شدهٔ فروریزش لولههای دوجداره را بهعنوان تابعی از قطر و دانسیتهٔ فوم پلی یورتان نشان می دهد. همان گونه که ملاحظه می شود، برخلاف لولههای دوجدارهٔ توخالی اختلاف قطر اثر قابل توجهی بر انرژی جذب شدهٔ لولههای دوجداره تقویت شده با فوم تحت بارگذاری محوری دارد. گفتنی است انرژی ویژه (نسبت انرژی جذب شده به جرم لولههای دوجداره) لولههای تقویت شده با فوم با افزایش اختلاف قطر لولههای دوجداره تغییر قابل توجهی ندارد. این درحالی است که انرژی ویژهٔ لولههای دوجدارهٔ توخالی با افزایش اختلاف قطر کاهش می یابد. این امر نشان می دهد اثر افزایش جرم لولههای دوجدارهٔ توخالی نسبت به افزایش انرژی جذب شده بیشتر است.







و خارجی بر انرژی جذبشدهٔ لولههای دوجداره

#### ۵-۴. تأثير ضخامت

در این بخش نیز اختلاف قطر لولهٔ داخلی و خارجی برابر ۲۰ میلیمتر و طول لولههای دوجداره برابر ۱۰۰ میلیمتر در نظر گرفته میشود. ضخامت لولهها برابر ۱، ۱/۵ و ۲ میلیمتر انتخاب

## ۵-۳. تأثير طول لوله

در این بخش، اختلاف قطر لوله داخلی و خارجی برابر ۲۰ میلیمتر و ضخامت لولههای دوجداره برابر ۱ میلیمتر در نظر گرفته میشود. طول لولهها نیز برابر ۶۰، ۸۰ و ۱۰۰ میلیمتر انتخاب شده است. نتایج نشان میدهد (شکل ۲۱) چنانچه طول لهیدگی ۶۰ درصد طول اولیهٔ لولهها باشد، اثر اختلاف طول تأثیر چندانی بر مقدار متوسط نیروی فروریزش نمونههای تقویتشده با فوم ندارد. اما سطح زیر نمودار (انرژی جذبشده) با افزایش طول لوله بهصورت افزایشی است. همچنین انرژی جذبشده با افزایش طول لولههای دوجداره بهصورت خطی افزایش مییابد. این افزایش خطی انرژی نسبت به طول لولهٔ استوانهای تکجداره در مطالعات گذشته نیز دیده شده است [۱۰].



شکل ۲۱. اثر اختلاف طول لوله بر نمودار نیرو – جابهجایی پوستههای استوانهای موازی تقویتشده با فوم پلییورتان با چگالی ۱٤۵ کیلوگرم بر مترمکعب



لولههای دوجدارهٔ توخالی و تقویتشده با فوم پلی یورتان

شده است. آنچه بهوضوح روشن است تعداد چینهای لولههای دوجداره با افزایش ضخامت کاهش مییابد؛ زیرا افزایش ضخامت لولههای دوجداره سبب افزایش بیشینهٔ نیروهای فروریزش میشود، بنابراین اولین چین متقارنمحوری میبایست در ناحیهٔ

پایین تری نسبت به قاعدهٔ تحتانی لولههای دوجداره تشکیل شود. این امر باعث کاهش چین خوردگی لولههای دوجداره نسبت به افزایش ضخامت در طی جابهجایی برابر می شود. به طور کلی، ضخامت تأثیر قابل توجهی بر انرژی جذب شده فروریزش لولههای دوجدارهٔ توخالی و تقویت شده با فوم پلی یورتان در چگالی های مختلف دارد. همان طور که در شکل ۲۲ ملاحظه می شود، انرژی جذب شده با افزایش ضخامت و دانسیتهٔ فوم طی روند مشخصی افزایش می یابد.

## ۶. نتیجه گیری

در این مطالعه، فروریزش متقارن محوری لوله های دوجداره تحت بارگذاری محوری به صورت تجربی و شبیه سازی بررسی شده است. با توجه به نتایج آزمایش برای تحلیل تغییر شکل سازه جدارنازک دوجداره و برای کاهش زمان تحلیل عددی فرایند فروریزش آن، از مدل متقارن محوری برای شبیه سازی آن استفاده شد. نتایج طراحی نشان می دهد، نمودار نیرو – جابه جایی، نمودار انرژی – جابه جایی و نحوهٔ فروریزش لوله های دوجدارهٔ توخالی و تقویت شده با فوم پلی یورتان تحت بارگذاری شبه استاتیک برابری نتایج زیر به دست می آید. چنانچه عیوب اولیه در ساخت پوسته های متقارن محوری کم باشد، پوسته تحت بارگذاری محوری به صورت متقارن محوری فروریزش می کند. چون افزایش چشمگیر بیشینهٔ

### ۷. مآخذ

- [۱] ع. نیکنژاد، غ. لیاقت، مقایسه رفتار چینخوردگی ستونهای چهارگوش جدار نازک در دو حالت توخالی و توپر، *نوزدهمین* همایش سالانه مهندسی مکانیک، بیرجند، انجمن مهندسان مکانیک ایران، دانشگاه بیرجند، ۱۳۹۰.
- [۲] ع. قمریان، م. فارسی، تحلیل آزمایشگاهی و عددی فروریزش محوری سازههای جدارنازک ترکیبی، فصلنامه مکانیک هوافضا (رفتار مکانیکی مواد و سازهها)، س. ۸، ش. ۱، ص. ۹۹–۹۹، بهار ۱۳۹۱.
- [۳] ع. علوینیا، ح. محمدی الموتی، بررسی عددی و تجربی رفتار مکانیکی و خواص جذب انرژی لولههای هرمی جدارنازک تحت بارگذاری محوری شبهاستاتیکی، بیست و دومین کنفرانس

نیروی فروریزش باعث خسارتهای جبرانناپذیر می شود، اما در این مطالعه بیشینه نیروی فروریزش لولههای تقویتشده با فوم پلی یورتان نسبت به نمونه های توخالی تغییر محسوسی نمی کند. انرژی جذب شده لوله های دوجدارهٔ تقویت شده با فوم پلی یورتان با چگالی ۶۵ و ۱۴۵ کیلوگرم بر متر مکعب بهترتیب ۸ و ۲۲ درصد بیشتر از لولههای توخالی است. انرژی ویژهٔ لولههای تکجداره نسبت به لولههای دوجداره با جرم معادل بیشتر است. این درحالی است که بیشینهٔ نیروی لولههای دوجداره نسبت به لولههای تکجداره از کاهش محسوس برخوردار است. بنابراین یکی از مهمترین ویژگیهای لولههای دوجداره کاهش بیشینهٔ نیرو و بهتبع أن كاهش شوك لحظة برخورد ضربه گير به جسم صلب نسبت به لولههای تکجداره با جرم معادل است. افزایش اختلاف قطر لولهٔ داخلی و خارجی لولههای دوجداره اثر ناچیزی بر اولین بیشینهٔ نیروی فروریزش دارد. این در حالی است که برخلاف لولههای دوجدارهٔ توخالی اثر این پارامتر ابعادی بر انرژی جذب شدهٔ لوله های دوجداره تقویت شده با فوم تحت بارگذاری محورى قابل توجه است. نتايج نشان مىدهد اثر اختلاف طول تأثیر چندانی بر مقدار متوسط نیروی فروریزش نمونههای تقویت شده با فوم ندارد. اما سطح زیر نمودار (انرژی جذب شده) با افزایش طول لوله به صورت افزایشی است. همچنین انرژی جذب شدهٔ لوله های دوجداره با افزایش ضخامت و چگالی فوم بهصورت خطى افزايش مىيابد.

- *سالانه مهندسی مکانیک*، اهواز، انجمن مهندسان مکانیک ایران، دانشگاه شهید چمران اهواز، ۱۳۹۳.
- [4] A. A. Singace, Axial crushing analysis of tubes deforming in the multi-lobe mode, *International Journal of Mechanical Sciences*, Vol. 44, pp.865-890, 1999.
- [۵] ع. علوی نیا، ع. فرشاد، بررسی تجربی و عددی تاثیر هندسه مقطع و فوم فلزی بر روی تغییر شکل و ویژگی های جذب انرژی لوله های جدارنازک، مکانیک سازه ها و شاره ها، س. ۴، ش. ۱، ص. ۵۱–۶۳ ۱۳۹۳.
- [۶] م. شریعتی، م. داورپناه، ح. چاوشان، ح. الله بخش، تحلیل تجربی و عددی کمانش و کنترل میزان جذب انرژی پوسته های

- [11] A. Ghamarian, M. T. Abadi, Axial crushing analysis of end-capped circular tubes, *Thin-Walled Structuer*, Vol.49, pp. 743-752. 2011.
- [12] A. Ghamarian, H. R. Zarei, M. T. Abadi, Experimental and numerical crashworthiness investigation of empty and foam-filled endcapped conical tubes, *Thin-Walled Structuer*, Vol. 49, pp.1312–1319, 2011.
- [13] A. Ghamarian, H. R. Zarei, M. A. Farsi, N. Ariaeifar, Crashworthiness investigation of the empty and foam-filled conical tube with shallow spherical caps, *Strain*, Vol. 49, pp. 199–211, 2013.
- [14] A. Ghamarian, H. R. Zarei, M. A. Farsi, N. Ariaeifar, Experimental and Numerical Crashworthiness Investigation of the Empty and Foam□Filled Conical Tube with Shallow Spherical Caps, *Strain*, Vol. 49, No. 3, pp. 199-211, 2013.
- [15] H. Pawtucket, K. Sorensen, Abaqus user's manual, 1999.

با هندسههای مختلف از جنس فولاد ضدزنگ SS304L تحت بار محوری شبهاستاتیکی، مه*ندسی مکانیک مدرس*، س. ۱۴، ش. ۳، ص. ۶۰– ۶۸ خرداد ۱۳۹۳.

[7] J. Marzbanrad, M. Mehdikhanlo, A. Saeedipour, An energy absorption comparison of square, circular, and elliptic steel and aluminum tubes under impact loading, *Turkish Journal of Engineering & Environmental Sciences*, Vol. 33, pp. 159–166. 2009.

[۸] س. آذرخش، ع. رهی، ع. قمریان، بررسی آزمایشگاهی و

سازهها و شارهها، س. ۶، ش. ۲، ص. ۱۸۱–۱۹۶، ۱۳۹۵.

- [9] S. Azarakhsh, A. Rahi, A. Ghamarian, H. Motamedi, Axial crushing analysis of empty and foam-filled brass bitubular cylinder tubes, *Thinwalled Struct*, Vol. 95, pp. 60-72, 2015.
- [10] A. Ghamarian, H. R. Zarei, Crashworthiness investigation of conical and cylindrical endcapped tubes under quasi static crash loading, *Int. J. Crashworthiness*, Vol. 17, pp. 19-28. 2012.

پىنوشت

- 1. Tie
- 2. Slave
- 3. Master
- 4. plastic
- 5. crushable foam
- 6. surface to surface
- 7. hard contact
- 8. self contacting