

# مطالعه تأثیر ارتفاع پله بر توزیع ضخامت در شکل دهی قطعات مستطیلی در فرایند کشش عمیق هیدرودینامیکی با فشار ساعی

محمد بخشی جویباری  
استاد دانشکده مهندسی مکانیک  
دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل  
bakhshi@nit.ac.ir

عبدالحمید گرجی ولوکلا  
استادیار دانشکده مهندسی مکانیک  
دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل  
hamidgorji@nit.ac.ir

\* رضا موسوی پور  
دانش آموخته کارشناس ارشد مهندسی مکانیک  
دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل  
mousavipoor.reza@yahoo.com

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۴/۱۲/۱۰

تاریخ دریافت: ۱۳۹۴/۱۰/۰۱

## چکیده

هیدروفرمینگ از جمله فرایندهای نوین در تولید قطعات ورقی است. در این فرایند از فشار سیال به منظور شکل دهی ورق فلزی استفاده می شود. فرایند هیدروفرمینگ دارای مزایایی چون بهبود شکل پذیری، قابلیت شکل پذیری قطعات پیچیده، کیفیت سطحی خوب و دقت ابعادی بالا می باشد. قطعات پله ای از جمله پیچیده ترین قطعاتی هستند که می توان با روش های هیدروفرمینگ تولید شوند. در این مقاله، به بررسی تأثیر ارتفاع پله بر توزیع ضخامت در قطعات ورقی مستطیلی پله ای از جنس فولاد اس. تی. ۱۳<sup>۱</sup>، بهروش کشش عمیق هیدرودینامیکی با فشار ساعی به صورت تجربی و شبیه سازی پرداخته شد. شبیه سازی فرایند توسط نرم افزار آباکوس انجام شد. با انجام تست های تجربی نشان داده شد که نتایج حاصل از شبیه سازی مطابقت قابل قبولی با نتایج تجربی دارد. در پایان این نتیجه حاصل شد که با افزایش ارتفاع پله، حداکثر نازک شدن بحرانی در ناحیه شعاع سنبه و دیواره پله اول (پله پایینی) افزایش می یابد. همچنین با افزایش ارتفاع پله، حداکثر فشار شکل دهی به منظور پرشدن گی قالب افزایش خواهد یافت.

**واژگان کلیدی:** ارتفاع پله، کشش عمیق هیدرودینامیکی، شبیه سازی اجزای محدود، قطعات پله ای، فشار ساعی

## ۱. مقدمه

ارائه شده است. این روش یکی از مهمترین روش های شکل دهی ورق می باشد که از آن برای تغییر شکل ورق های فلزی و تبدیل آن به قطعات توخالی استفاده می شود. در واقع ورق مسطح و هموار به قطعاتی به شکل های استوانه ای، مخروطی و جعبه ای تبدیل خواهد شد. از جمله روش های هیدروفرمینگ ورق می توان به

فرایند هیدروفرمینگ ورق از فرایندهای متداول کشش ورق است که قبل از جنگ جهانی دوم آغاز شده است [۱]. این روش در تولید قطعات خودرو و بدنه هواپیما در سال ۱۹۸۰ م مورد استفاده قرار گرفت. در سال های ۱۹۸۰ تا ۱۹۹۰ م این روش پیشرفت های زیادی داشته است [۲]. طی چند سال اخیر، نوآوری های زیادی در زمینه هیدروفرمینگ ورق



تأخیر در پارگی خواهد داشت. همچنین به این نتیجه رسیدند که با افزایش لقی بین ماتریس و ورق گیر (گپ)، چروکیدگی در ناحیه فلنج ورق رخ می‌دهد. کیم و همکاران شکل‌دهی یک قطعه مستطیلی پله‌ای را در فرایند هیدروفرمینگ چند مرحله‌ای به صورت تجربی و شبیه‌سازی مورد بررسی قرار دادند [۸]. در ابتدا شکل‌دهی قطعه را در سه مرحله شبیه‌سازی کرده و سپس قطعه را در سه مرحله شکل دادند. با انجام آزمایش، قابلیت شکل‌پذیری ورق و نیروی ورق گیر را بررسی نمودند و به این نتیجه رسیدند که شکل‌دهی هیدروفرمینگ نسبت به روش سنتی کشش عمیق مناسب‌تر است. در ادامه، شکل‌دهی تک‌مرحله‌ای قطعه مذکور را نیز به صورت شبیه‌سازی و تجربی بررسی و مشاهده کردند که به دلیل پیچیدگی هندسه تعریف‌شده، در قطعه پارگی رخ می‌دهد.

## ۲. شکل‌دهی ورق مستطیلی در فرایند کشش عمیق هیدرودینامیکی با فشار شعاعی

### ۲-۱. روش آزمایشگاهی

در انجام آزمایش‌ها از تجهیزات زیر استفاده شده است:

۱. دستگاه آزمایش انیورسال با ظرفیت ۶۰۰ کیلونیوتون که برای تأمین حرکت ورق به درون قالب استفاده شده است. دستگاه پرس توسط کامپیوتر و رابط گرافیکی پیشرفته‌ای کنترل می‌شود که به سادگی کنترل سرعت و جابه‌جاوی سنبه را میسر می‌سازد.
۲. به منظور تنظیم فشار داخل مخزن، از یک مدار هیدرولیکی استفاده شده است. این مدار هیدرولیکی از یک شیر کنترل فشار جهت تنظیم فشار نهایی، یک فشارسنج جهت نمایش مقدار فشار داخل لوله، یک شیر یک‌طرفه، سراهی و اتصالات هیدرولیکی تشکیل می‌شود. حداقل ظرفیت ایجاد فشار در این دستگاه ۵۰ مگاپاسکال می‌باشد. در شکل ۱ دستگاه پرس انیورسال استفاده شده در آزمایش و واحد هیدرولیکی اعمال فشار نشان داده شده است. در

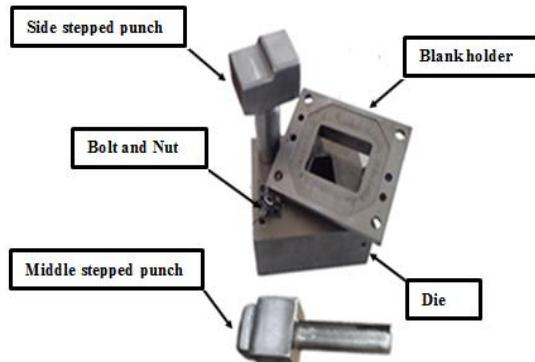
روش هیدروفرمینگ استاندارد و کشش عمیق هیدروریم [۳]، کشش عمیق هیدرومکانیکی [۴]، کشش عمیق هیدرودینامیکی [۵] و کشش عمیق هیدرودینامیکی با فشار شعاعی [۶] اشاره کرد. فرایند کشش عمیق هیدرودینامیکی از جمله انواع فرایندهای هیدروفرمینگ است که با به کارگیری آن در تولید قطعات ورقی پله‌ای، با ابزاربندی ساده و بدون نیاز به آببند می‌توان عملیات شکل‌دهی را انجام داد.

قطعات پله‌ای کاربردهای گسترده‌ای در صنایع مختلف به خصوص صنعت خودروسازی (به عنوان مثال در تولید کارتر خودرو) دارند. در شکل‌دهی این قطعات پیچیدگی‌هایی وجود دارد. از روش‌های تولید اینگونه قطعات می‌توان فرایند کشش عمیق هیدرودینامیکی با فشار شعاعی را نام برد. در این روش سیال در زیر ورق قرار می‌گیرد و ضمن اعمال فشار در جهت محوری قائم، در جهت شعاعی نیز روی آن فشار وارد می‌کند. همچنین ورق بین ورق گیر و ماتریس آزاد است. در این فرایند وقتی پانچ به سمت پایین حفره قالب حرکت می‌کند، ورق به حفره قالب پر از مایع نیرو وارد می‌کند، مایع در حفره قالب فشرده شده و ورق را محکم به سطح سنبه می‌چسباند. همچنین مایع در حفره قالب از فاصله بین ورق و قالب به صورت دینامیکی می‌گریزد. در این فرایند چون فاصله بین ورق گیر و ماتریس کوچک و نشتی سیال بین این فضا کم است، سیال به لب ورق فشار وارد می‌کند. فشار شعاعی به راحت‌تر جاری شدن ورق در حفره قالب کمک می‌کند و نسبت کشش را افزایش می‌دهد. از مزایای دیگر این فرایند می‌توان به شکل‌دهی قطعات پیچیده، کیفیت سطح خوب و دقت ابعادی بالا اشاره کرد.

در زمینه هیدروفرمینگ قطعات پله‌ای تحقیقات محدودی انجام شده است. هوانگ و همکاران به بررسی پارامترهای بهینه فرایند هیدروفرمینگ آلومینیوم - تیتانیوم برای پوسته باتری پرداختند [۷]. آنها به این نتیجه رسیدند که بهینه‌سازی شکل ورق اولیه تأثیر زیادی بر جریان مواد و



ورق مماس می‌شود. در این بررسی، مسیر فشار نیز به صورت سه مرحله‌ای به قسمت زیر و لبه‌های بیرونی ورق اعمال می‌گردد. در مرحله اول، فشار پیش بشکه‌ای به سطح زیرین ورق اعمال می‌شود و سپس سننه شروع به حرکت کرده و متناسب با حجم نفوذی سننه، فشار داخل محفظه فشار تا حد تعیین شده‌ای (فشار تنظیمی روی شیر کنترل فشار) افزایش می‌یابد و تا رسیدن سننه به انتهای کورس خود این فشار ثابت باقی می‌ماند. پس از رسیدن سننه به انتهای کورس، مرحله سوم شروع می‌شود که در آن با ثابت‌بودن سننه در محل خود، فشار درون محفظه فشار تا حد معین، جهت شکل‌دهی برآمدگی روی قطعه افزایش می‌یابد. در این مقاله، دو هندسه متفاوت از قطعات پله‌ای تعریف شد.

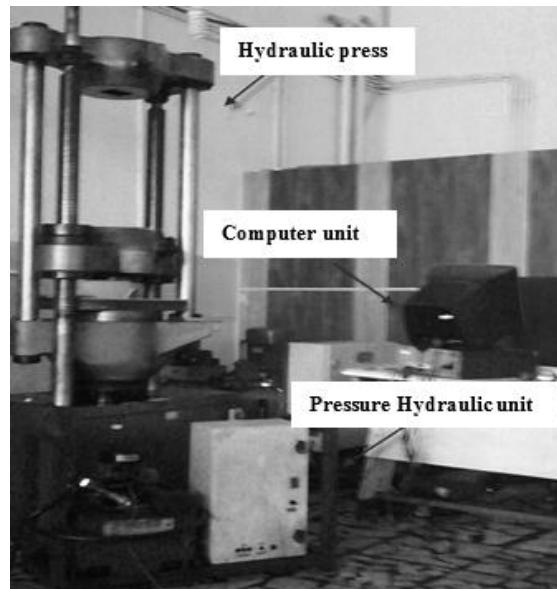


شکل ۲. مجموعه قالب استفاده شده در آزمایش‌ها

## ۲-۲. مسیر فشار

انتخاب مسیر فشار مناسب، در شکل‌دهی قطعات ورقی با روش‌های هیدروفرمینگ بسیار حائز اهمیت است. در این پژوهش به منظور انجام تست‌های آزمایشگاهی، از مسیر فشار نشان داده شده در شکل ۳ استفاده شده است. با توجه به نمودار نشان داده شده، بخش OA فشار پیش بشکه‌ای، AB مسیر فشار تا رسیدن به حداکثر فشار و CD مسیر فشار در مرحله دوم را نشان می‌دهد. شیب خط AB با سرعت سننه، شکل سننه و ضخامت ورق در ارتباط می‌باشد.

این پژوهش، از هیچ اورینگی برای آببندی استفاده نشده است. دلیل آن استفاده از فرایند هیدرودینامیکی می‌باشد. در نتیجه از فاصله بین ورق‌گیر و ماتریس سیال خارج می‌شود.

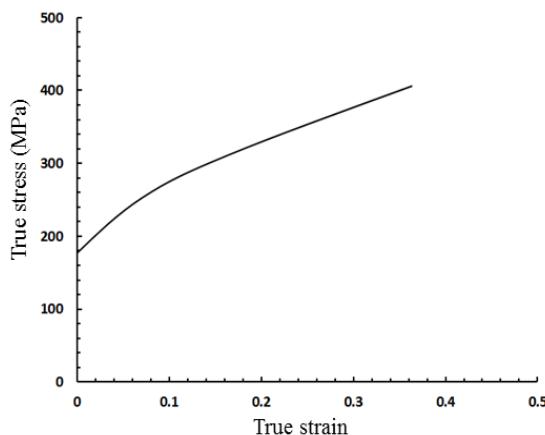


شکل ۱. دستگاه آزمایش انیورسال و سیستم کامپیوتری متصل

در شکل ۲ مجموعه قالب استفاده شده برای آزمایش‌ها و شبیه‌سازی اجزای محدود فرایند کشش عمیق هیدرودینامیکی با فشار شعاعی نمایش داده شده است. جنس قالب از فولاد ابزار سردکار و جنس ورق، فولاد کم‌کربن بوده و طول، عرض و ضخامت آن به ترتیب ۱۵۲، ۱۵۰ و ۱/۵ میلی‌متر است. ورق بهوسیله سننه از بالا با سرعت ۱۵۰ میلی‌متر بر دقیقه و در پایین توسط سیال محبوس شده در حفره ماتریس فشرده می‌شود. کل جایه‌جایی سننه برابر ۳۵ میلی‌متر است. نحوه عملکرد قالب هیدرودینامیکی با فشار شعاعی مورد استفاده در پژوهش به این صورت بوده که ابتدا ماتریس قالب روی میز دستگاه قرار گرفته و سننه روی کوبه پرس نصب می‌گردد. پس از جانمایی ورق در محل مورد نظر روی ماتریس، ورق‌گیر روی ماتریس قرار داده شده و با پیچ‌های تعیین‌شده در جای خود ثابت می‌گردد. با حرکت کوبه، نوک سننه نیز با سطح

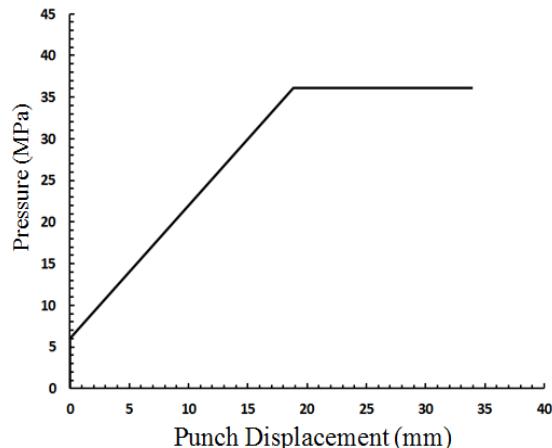
### ۳-۲. خواص مواد

معرفی گردید. در جدول ۱ خواص فیزیکی و مکانیکی ورق فولادی مورد استفاده در شبیه‌سازی نشان داده شده است.



شکل ۴. نمودار تنش - کرنش حقيقی حاصل از آزمایش کشش

تعیین محدوده پلاستیک منحنی تنش - کرنش حقيقی حاصل از تست کشش، بهصورت شکل ۴ به نرمافزار



شکل ۳. مسیر فشار مورد استفاده شده در تحقیق

جدول ۱. خواص مکانیکی و فیزیکی ورق فولادی اس. تی. ۱۳

مدول الاستیسیته (گیگاپاسکال)	تنش تسلیم (مگاپاسکال)	ضریب پوآسون	چگالی (کیلوگرم بر متر مکعب)
۰/۱۱۷	۱۲۳	۰/۲۳	۸۹۴۰

### ۳-۱. معیار نازک شدگی

از جمله پارامترهای مهم در شبیه‌سازی فرایند، پیش‌بینی پارگی است. در این مقاله از حداقل مقدار نازک شدگی برای بررسی پارگی ورق استفاده شده است [۹]. رابطه درصد نازک شدگی بهصورت ۱ قابل محاسبه است.

$$\frac{t_0 - t_f}{t_f} = \text{درصد نازک شدگی} \quad (1)$$

بهطوری که در این معادله،  $t_0$  ضخامت اولیه و  $t_f$  ضخامت نهایی ورق است. مقدار ضخامت نهایی ورق با استفاده از

مقدار کرنش ضخامتی  $\epsilon$  بهصورت ۲ محاسبه می‌شود.

$$t_f = t_0 e^{\epsilon_i} \quad \text{or} \quad \epsilon_i = \ln\left(\frac{t_f}{t_0}\right) \quad (2)$$

از طرفی کرنش مهندسی اصلی  $\epsilon_r$  نیز در شرایط کرنش صفحه‌ای از معادله ۳ تخمین زده می‌شود.

### ۳. شبیه‌سازی المان محدود

فرایند هیدروفرمینگ ورق در قالب پله‌ای شکل توسط نرم‌افزار اجزای محدود آباکوس مدل شد. مطابق شکل ۵ فقط نیمی از اجزای قالب و ورق مدل شده است. برای اعمال فشار شعاعی به لبه ورق، ورق بهصورت شکل پذیر و مجموعه قالب بهصورت صلب گستته در نظر گرفته شده است. براساس مرجع [۹]، ضربی اصطکاک بین سنبه و ورق ۰/۱۵ و بین ورق با ورق‌گیر و ورق با قالب ۰/۰۴ در نظر گرفته شده است. تعداد المان ورق در امتداد ضخامت چهار می‌باشد. المان استفاده شده برای ورق از نوع R3D4 C3D8R است. قالب و سنبه با المان مدلسازی ۲ آمده است. مشخصات و خواص ورق در جدول ۲ آمده است.



مرحله شکل داده شد. بهمنظور بررسی توزیع ضخامت قطعات وسط و کنار پله بدست آمده در فشارهای مختلف، نمونه‌ها در جهت طولی برش داده شده و ضخامت قطعات توسط ضخامت‌سنج در نقاط مختلف در جهت دانه‌بندی اندازه‌گیری شد و با نتایج شبیه‌سازی مقایسه گردید. در شکل ۶ قطعه وسط پله و کنار پله بهترتب در فشارهای ۳۵ و ۴۰ مگاپاسکال نشان داده شده است. در شکل ۷ و ۸ بهترتب نمودار توزیع ضخامت بدست آمده در فشار ۳۵ مگاپاسکال برای قطعه وسط پله و ۴۰ مگاپاسکال برای قطعه کنار پله نمایش داده شده است. با توجه به نمودارها مشاهده می‌شود مطابقت قابل قبول بین نتایج آزمایشگاهی و شبیه‌سازی وجود دارد. مقدار بیشترین اختلاف بین نتایج شبیه‌سازی و آزمایشگاهی در حدود ۶ درصد می‌باشد.

**۴-۲. بررسی تأثیر ارتفاع پله بر توزیع ضخامت**  
 یکی از پارامترهایی که در تولید قطعات مستطیلی دو پله‌ای به کمک فرایند هیدروفرمینگ بسیار حائز اهمیت می‌باشد، تعیین ارتفاع پله است. ارتفاع پله در توزیع ضخامت یکنواخت قطعات پله‌ای (بهخصوص دیواره پله‌ها) بسیار تأثیرگذار می‌باشد. در این مقاله، بهمنظور بررسی تأثیر ارتفاع پله روی توزیع ضخامت در قطعات پله‌ای، با انتخاب ارتفاع پله در اندازه‌های ۱۰، ۱۳ و ۲۰ میلی‌متر، تأثیر ارتفاع پله بر نازکشیدگی مورد بررسی قرار گرفت. در شکل ۹ قطعه وسط پله‌ای بدست آمده در فشار ۳۵ مگاپاسکال با ارتفاع پله ۱۰، ۱۳ و ۲۰ میلی‌متر در حالت شبیه‌سازی نشان داده شده است. در شکل ۱۰ نمودار تأثیر ارتفاع پله بر توزیع ضخامت در قطعه وسط پله‌ای نمایش داده شده است. مشاهده می‌شود که با افزایش ارتفاع پله، بهدلیل افزایش تنش و کشیدگی بیشتر در پله اول، نازکشیدگی در ناحیه دیواره پله اول و شاعر گوشة سنبه افزایش یافت. در شکل ۱۱ نمودار درصد کاهش ضخامت نقطه بحرانی در پله‌های مختلف در قطعه وسط پله‌ای نمایش داده شده است. با توجه به نمودار، با بررسی مقدار درصد کاهش ضخامت در

$$e_r = FLD_0 = \left( 23.3 + \frac{360}{25.4} t_0 \right) \left( \frac{n}{0.21} \right) \quad (3)$$

که در آن  $n$  نمای کرنش سختی و  $t_0$  ضخامت اولیه بر حسب میلی‌متر است. با توجه به معادله ۴ و ۵ در شرایط کرنش صفحه‌ای، مقدار کرنش حقیقی اصلی  $e_r$  و کرنش ضخامتی  $e_r'$  تعیین می‌شود.

$$e_r' = \ln \left( 1 + \frac{r}{100} \right) \quad (4)$$

$$e_r' = -e_r \quad (5)$$

با استفاده از رابطه ۴ و ۵ و محاسبه  $e_r$  و  $e_r'$  و با جایگذاری  $e_r'$  در معادله ۲ مقدار  $t_f$  بدست آمده و طبق معادله ۱ مقدار حداقل نازکشیدگی محاسبه می‌شود. حداقل نازکشیدگی برای ورق فولادی اس. تی. ۱۳ استفاده شده در تست‌های آزمایشگاهی ۳۰ درصد بدست آمده است. با توجه به معیار پارگی بدست آمده وقتی ضخامت ورق از  $1/5$  به  $1/0.5$  میلی‌متر برسد، قطعه دچار پارگی می‌شود. در جدول ۱ مشخصات ابعادی قالب مورد استفاده برای قطعه وسط پله و قطعه کنار پله (محفظه روغن خودرو) نشان داده شده است.

## ۴. نتایج و بحث

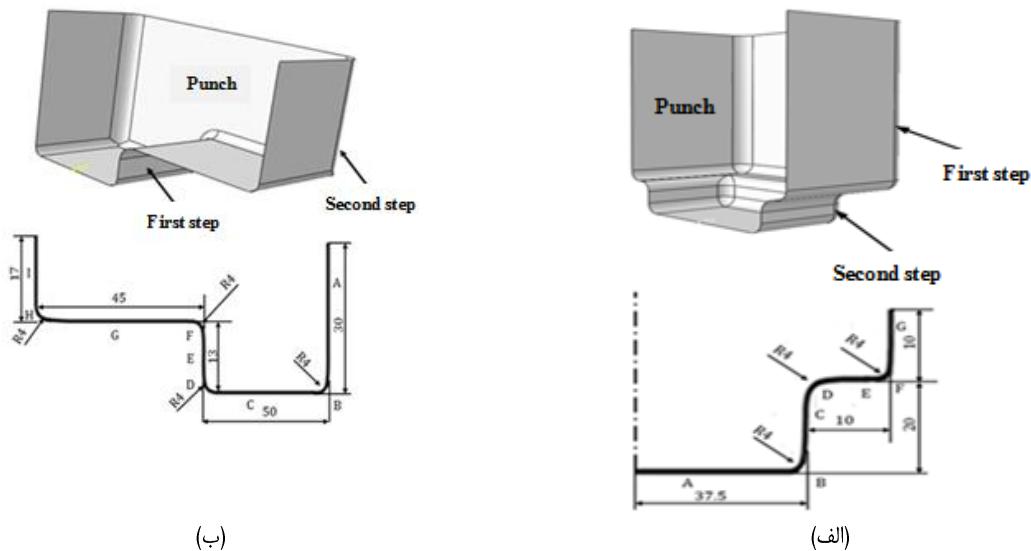
### ۴-۱. بررسی شکل‌پذیری



در شکل‌دهی قطعات ورقی پله‌ای، انتخاب مسیر فشار مناسب بایستی برمبنای منطقی خاص باشد. بدین منظور در ابتدا شکل‌پذیری قطعه در فشارهای ۱۵ و ۲۰ مگاپاسکال بهصورت شبیه‌سازی مورد بررسی قرار گرفت. اما با بررسی نتایج بدست آمده و همچنین با توجه به تحقیقات پیشین در این زمینه [۷]، مشاهده شد که قطعه شکل نمی‌گیرد. بههمین دلیل فشار سیال افزایش یافته و نتایج ارائه شده در مقاله مربوط به فشارهایی می‌باشد که قطعه شکل گرفته است. در انجام آزمایش و شبیه‌سازی، در ابتدا قطعه وسط پله طی سه مرحله در فشارهای ۲۰، ۲۶ و ۳۵ مگاپاسکال شکل داده شد. در ادامه تست‌های تجربی، با در نظر گرفتن فشارهای ۳۰، ۳۵ و ۴۰ مگاپاسکال، قطعه کنار پله طی سه

شاعر گوشه سنبه در فصل مشترک پله‌ها (ناحیه D در شکل الف ۶) ایجاد شد. همچنین با افزایش ارتفاع پله، حداقل نازک‌شدنی در نقاط بحرانی افزایش می‌یابد.

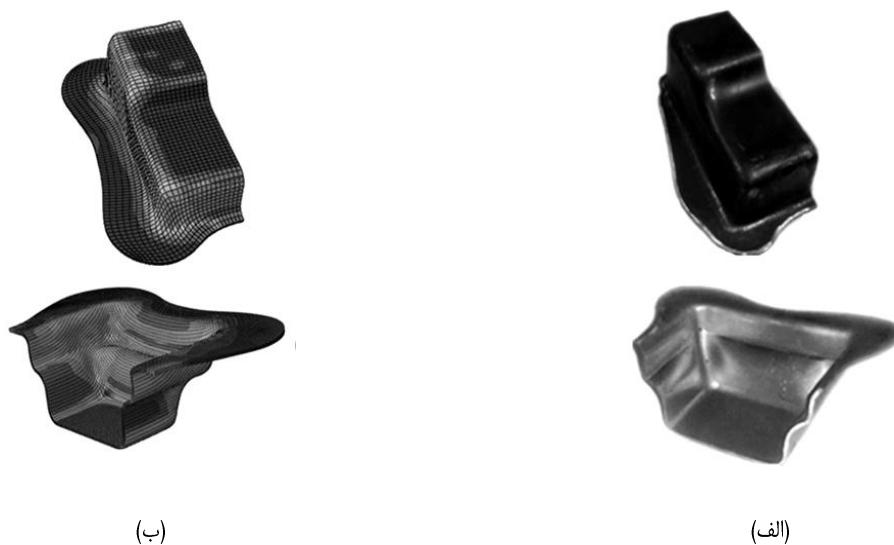
ارتفاع پله مختلف مشخص می‌شود که درصد کاهش ضخامت در ارتفاع پله، ۱۰، ۱۳ و ۲۰ میلی‌متر به ترتیب ۱۰، ۱۵ و ۱۷ درصد می‌باشد و حداقل نازک‌شدنی در ناحیه



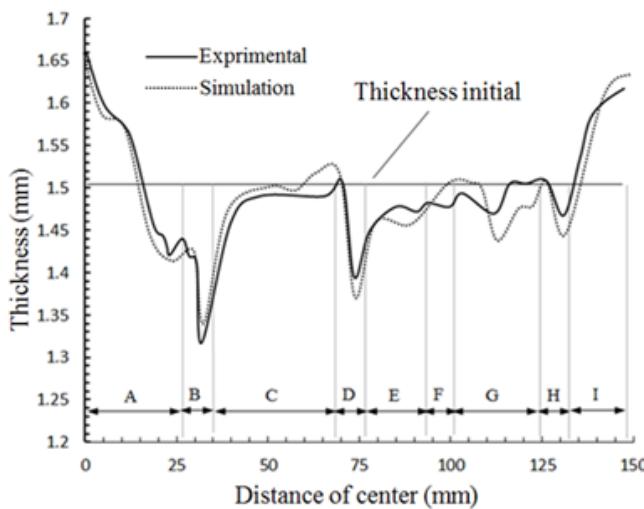
شكل ٥. ناحیه‌بندی قطعات دو پله‌ای؛ (الف) قطعه وسط پله، (ب) قطعه کنار پله (محفظة روغن خودرو)

## جدول ۲. مشخصات ابعادی قالب قطعات دو پله‌ای

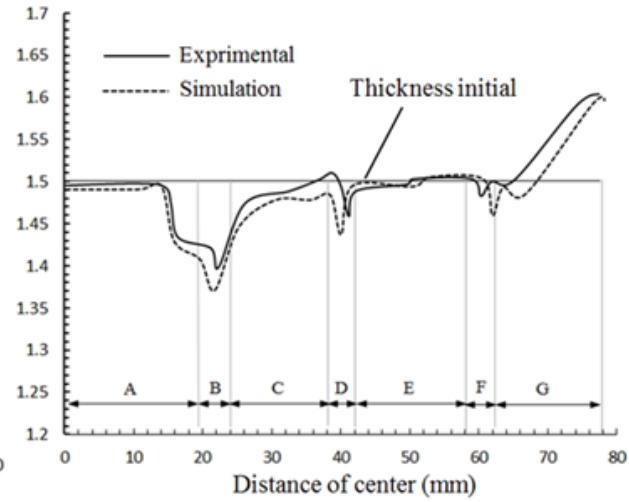
ابعاد ماتریس (میلی‌متر)	شعاع ماتریس (میلی‌متر)	فاصله گپ (میلی‌متر)	لقی ورق گیر و ماتریس (میلی‌متر)
۹۵×۷۵	۴	۱/۷۵	۰/۲۵



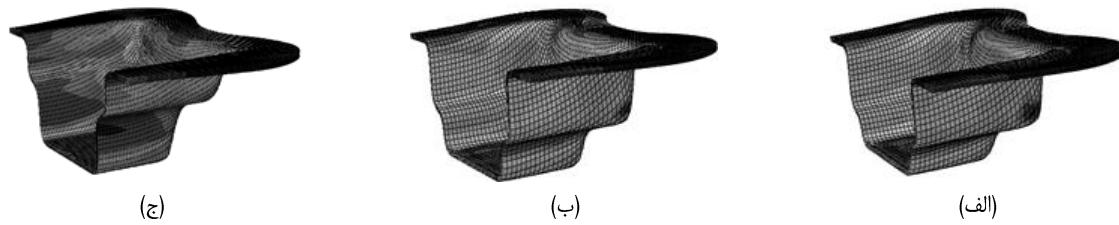
شکل ۶. قطعه وسط پلهای به دست آمده در فشار ۳۵ مگاپاسکال؛ (الف) آزمایشگاهی، ب) شبیه‌سازی



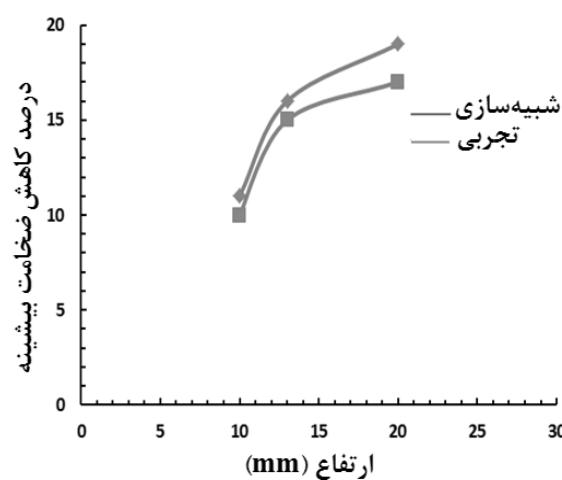
شکل ۸. توزیع ضخامت قطعه کار پله در فشار ۴۰ مگاپاسکال، در جهت طولی (از نقطه A تا I در شکل ۵ ب)، بدست آمده از شبیه‌سازی و آزمایش



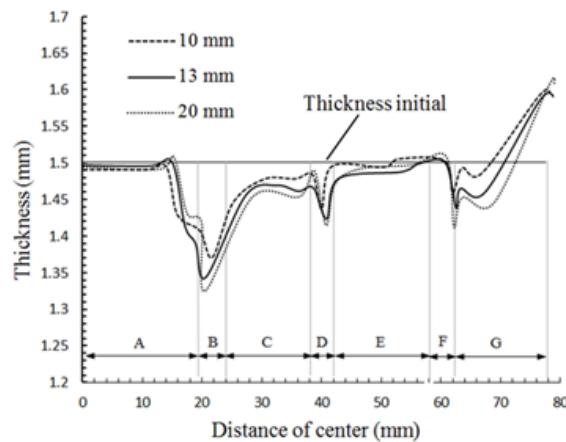
شکل ۷. توزیع ضخامت قطعه وسط پله در فشار ۳۵ مگاپاسکال در جهت برش طولی (از نقطه A تا G در شکل ۵ الف)، بدست آمده از شبیه‌سازی و آزمایش



شکل ۹. قطعه وسط پله‌ای بدست آمده در فشار ۳۰ مگاپاسکال با ارتفاع پله الف) ۱۰ میلی‌متر، ب) ۱۳ میلی‌متر، ج) ۲۰ میلی‌متر در حالت شبیه‌سازی



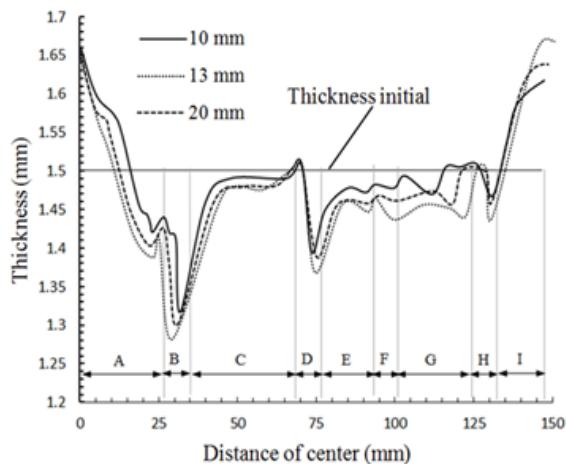
شکل ۱۱. نمودار درصد کاهش ضخامت نقطه بحرانی در پله‌های مختلف در قطعه وسط پله‌ای حاصل از شبیه‌سازی و تست آزمایشگاهی



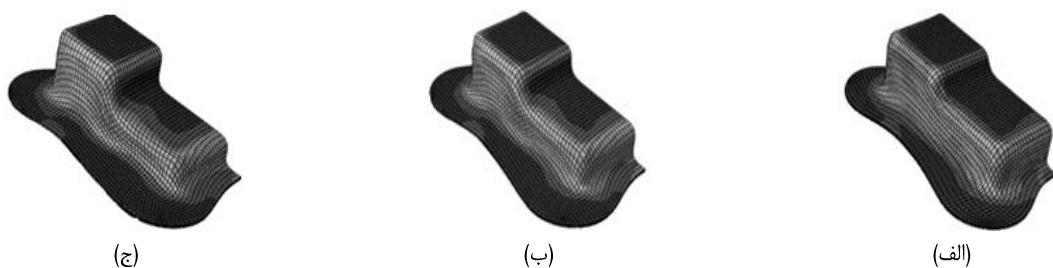
شکل ۱۰. نمودار تأثیر ارتفاع پله بر توزیع ضخامت در قطعه وسط پله‌ای بدست آمده از شبیه‌سازی

داده شده است. در شکل ۱۴ قطعه کنار پلهای به دست آمده با ارتفاع ۱۰ میلی‌متر در فشار ۴۰ مگاپاسکال نشان داده شده است. همچنین در شکل ۱۵ نمودار درصد کاهش ضخامت نقطه بحرانی در پلهای مختلف در قطعه کنار پلهای با فشار ۴۰ مگاپاسکال نمایش داده شده است. با توجه به نمودار، مقدار درصد کاهش ضخامت در ارتفاع پله ۱۰، ۱۳ و ۲۰ میلی‌متر به ترتیب ۱۱/۷ و ۱۳ درصد می‌باشد. همچنین با بررسی حداکثر نازک‌شدن مشخص گردید که حداکثر نازک‌شدن در ناحیه شعاع گوشة سنبه در پله اول ایجاد می‌شود. در شکل‌های ۱۶ و ۱۷ تأثیر ارتفاع پله بر حداکثر نازک‌شدن در نقطه بحرانی در فشارهای مختلف در قطعه وسط پلهای و کنار پلهای نشان داده شده است. با توجه به نمودارها مشاهده شد که در یک فشار ثابت، با افزایش ارتفاع پله، حداکثر نازک‌شدن در نقاط بحرانی در قطعه وسط پلهای و کنار پلهای افزایش می‌یابد.

به منظور بررسی تأثیر ارتفاع پله در قطعه کنار پلهای، با تغییر ارتفاع پله در اندازه‌های مختلف ۱۰، ۱۳ و ۲۰ میلی‌متر در سنّه مورد استفاده، به بررسی تأثیر ارتفاع پله بر توزیع ضخامت پرداخته شد. در شکل ۱۲ نمودار تأثیر ارتفاع پله بر روی توزیع ضخامت در قطعه کنار پلهای در حالت آزمایشگاهی نشان داده شده است. با بررسی تأثیر ارتفاع پله بر توزیع ضخامت در قطعه کنار پلهای در نظر گرفته شده، مشخص گردید که با افزایش ارتفاع پله، به دلیل افزایش کرنش و کشیدگی بیشتر در پله اول، نازک‌شدن در ناحیه دیواره پله اول و شعاع گوشة سنبه افزایش یافت. همچنین با افزایش ارتفاع پله، با توجه به اینکه تغییر ارتفاع در پله اول اعمال می‌شود، حداکثر نازک‌شدن در پله اول خواهد بود، اما با کاهش ارتفاع، نازک‌شدن در ناحیه دیواره پله دوم ایجاد می‌شود. در شکل ۱۳ قطعه کنار پلهای در فشار ۴۰ مگاپاسکال با ارتفاع پله ۱۰، ۱۳ و ۲۰ میلی‌متر نمایش



شکل ۱۲. نمودار تأثیر ارتفاع پله بر توزیع ضخامت قطعه کنار پله در جهت برش طولی، به دست آمده از آزمایش

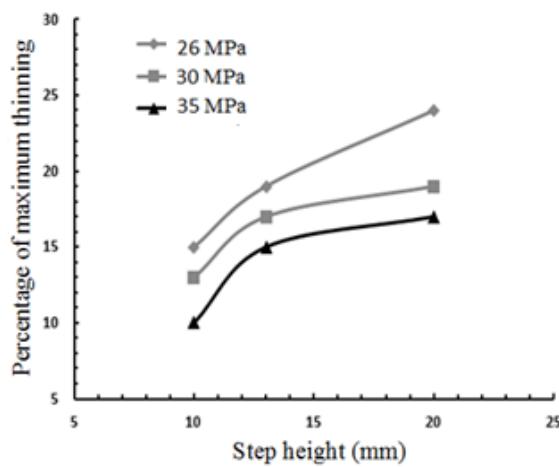


شکل ۱۳. قطعه کنار پله شکل داده شده در فشار ۴۰ مگاپاسکال

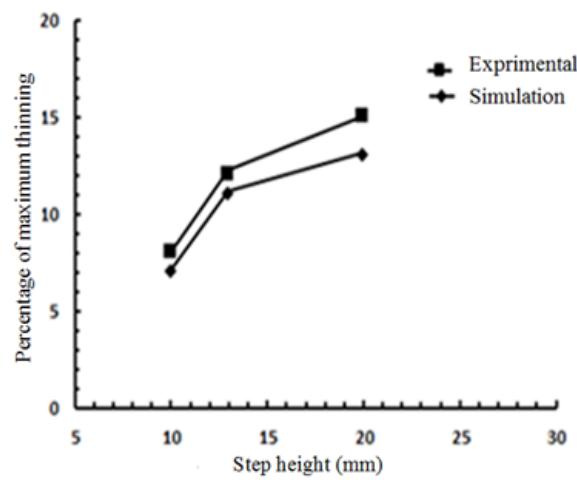
(الف) ارتفاع پله ۱۰ میلی‌متر، (ب) ارتفاع پله ۱۳ میلی‌متر، (ج) ارتفاع پله ۲۰ میلی‌متر، بدست آمده از شبیه‌سازی



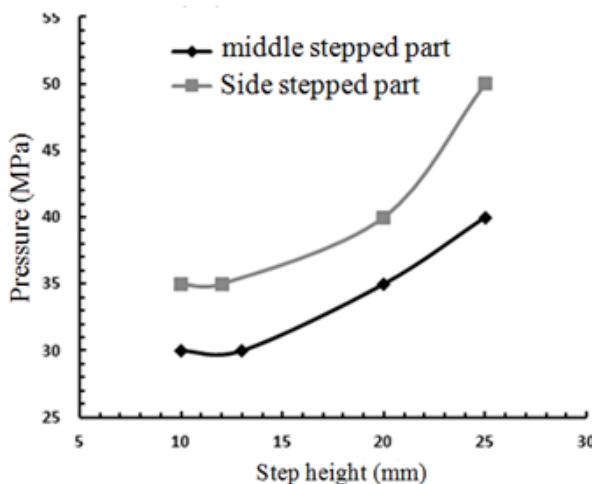
شکل ۱۴. قطعه کنار پلهای با ارتفاع پله ۱۰ میلی‌متر در فشار ۴۰ مگاپاسکال، به‌دست آمده از تست آزمایشگاهی



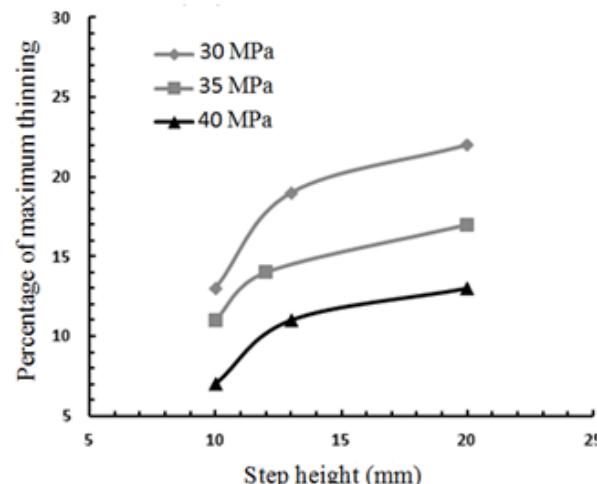
شکل ۱۶. نمودار تأثیر ارتفاع پله روی حداکثر نازکشیدگی در قطعه وسط پلهای، به‌دست آمده از شبیه‌سازی



شکل ۱۵. نمودار درصد کاهش ضخامت نقطه بحرانی در پله مختلف در قطعه کنار پلهای، به‌دست آمده از شبیه‌سازی و تست آزمایشگاهی



شکل ۱۸. نمودار فشار پرشدگی در ارتفاع پله مختلف به‌دست آمده از شبیه‌سازی

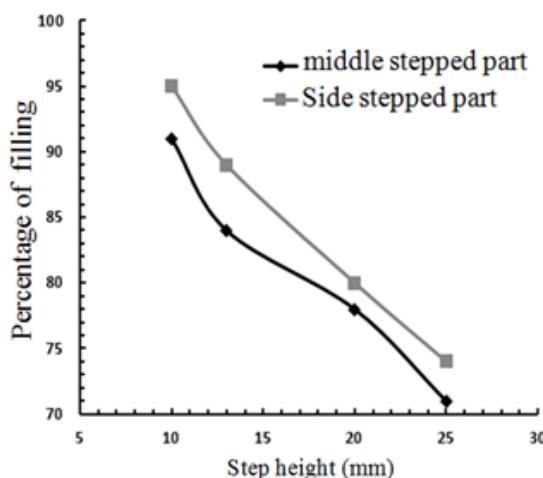


شکل ۱۷. نمودار تأثیر ارتفاع پله بر حداکثر نازکشیدگی در قطعه وسط پلهای، به‌دست آمده از شبیه‌سازی

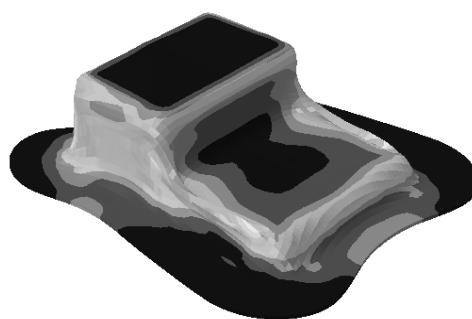
پرشدگی کامل ایجاد می‌گردد، ارتفاع ۲۵ میلی‌متر با فشار پرشدگی ۴۰ مگاپاسکال می‌باشد. همچنین برای قطعه کنار پله‌ای، حداقل ارتفاع پله ۲۵ میلی‌متر و فشار پرشدگی ۵۰ مگاپاسکال می‌باشد.

در شکل ۱۹ نمودار تأثیر ارتفاع مختلف روی میزان پرشدگی در قطعه وسط پله‌ای با فشار ۳۵ مگاپاسکال و قطعه کنار پله‌ای با فشار ۴۰ مگاپاسکال نمایش داده شده است. مشاهده می‌شود که با افزایش ارتفاع پله، میزان پرشدگی قالب کاهش می‌یابد. در شکل ۲۰ قطعه وسط پله‌ای با ارتفاع ۲۵ میلی‌متر در فشار ۴۰ مگاپاسکال نمایش داده شده است. همچنین شکل ۲۱ قطعه کنار پله‌ای به دست آمده با ارتفاع ۲۵ میلی‌متر در فشار ۵۰ مگاپاسکال را نشان می‌دهد.

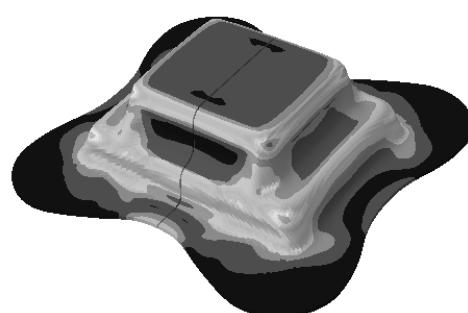
**۴-۳. بررسی فشار پرشدگی در ارتفاع‌های مختلف**  
از جمله پارامترهای مهم در شکل‌پذیری قطعات دو پله‌ای، ارتفاع پله است. در شکل ۱۸ نمودار تأثیر ارتفاع پله روی فشار پرشدگی در قطعه وسط پله‌ای و کنار پله‌ای نمایش داده شده است. با توجه به نمودار، با افزایش ارتفاع پله، کشیدگی بیشتری در ورق باید ایجاد شده تا ورق شکل سنبه را به خود بگیرد. به همین منظور به افزایش فشار شکل‌دهی نیاز است. با افزایش فشار شکل‌دهی، به دلیل افزایش سطح تماس بین سنبه و ورق، کشیدگی بیشتری در ورق ایجاد شده و جریان مواد افزایش یافته و سبب پرشدگی کامل قالب خواهد شد. با بررسی نمودار مشخص شد که در قطعه وسط پله‌ای، حداقل ارتفاع پله که ورق به طور کامل گرفته و در فصل مشترک پله اول و دوم



شکل ۱۹. نمودار تأثیر ارتفاع پله بر میزان پرشدگی



شکل ۲۱. قطعه کنار پله‌ای به دست آمده با ارتفاع ۲۵ میلی‌متر  
در فشار ۵۰ مگاپاسکال



شکل ۲۰. قطعه وسط پله‌ای به دست آمده با ارتفاع ۲۵ میلی‌متر  
در فشار ۴۰ مگاپاسکال

## ۵. نتیجه‌گیری

موقعیت فصل مشترک پله‌ها افزایش می‌یابد. دلیل این امر افزایش تنش و کشیدگی بیشتر در پله اول می‌باشد. همچنین با بررسی فشار پرشدگی در ارتفاع مختلف مشخص گردید که با افزایش ارتفاع پله، کشیدگی بیشتری در ورق می‌بایستی ایجاد شده تا ورق شکل سنبه را به خود بگیرد و نیاز به افزایش فشار شکل دهی می‌باشد. همچنین مشخص گردید که با افزایش ارتفاع پله، میزان پرشدگی قالب کاهش می‌یابد.

در این مقاله، به بررسی تأثیر ارتفاع پله بر حداکثر نازکشیدگی قطعات مستطبیلی پله‌دار پرداخته شد. با توجه به پیچیدگی قطعه و به منظور بررسی امکان شکل دهی قطعه در یک مرحله، با انجام مراحل شبیه‌سازی و تست‌های آزمایشگاهی، قطعات دو پله‌ای مورد نظر به طور کامل در یک مرحله شکل یافته‌ند. با بررسی ارتفاع پله روی نازکشیدگی مشخص شد که با افزایش ارتفاع پله، نازکشیدگی در ناحیه شعاع گوشه سنبه، دیواره پله اول و

## ۶. مأخذ

- [1] Zhang, S. H. "Developments in hydroforming." *Journal of Materials Processing Technology*, 1999.
- [2] Zhang, S. H. J. Danckert. "Development of hydromechanical deep drawing." *Journal of Materials Processing Technology*, 1998.
- [3] Thiruvarudchelvan, S., F. W. Travis. "Hydraulic pressure enhanced cup drawing processes-an Technology." *Journal of Materials Process*, 2003.
- [4] khndeparker, T., M. liewald. "hydroechanical deep drawing of cups with stepped geometries." *Journal of materials processing technology*, 2008.
- [5] Kang, .D., L. lang, X. Meng, J. Juan. "Hydrodynamic deep drawing process." *Journal of Materials Processing Technology*, 2000.
- [6] Lang. L., J. Danckert. J. "Investigation into hydrodynamic deep assisted by radial pressure Part I. Experimental observations of the forming process of aluminum alloy." *Journal of Materials Processin Technology*, 2004.
- [7] Huang-Chi, T., W. Zong-Chun, H. Chinghua, L. Ming-Hu, H. Chin-Chuan. "Investigation of OptimumProcess Parameters on the Sheet Hydroforming of Titanium- Aluminum CladMetal for BatteryHousing." *Journal of materials process technology*, 2005.
- [8] Kim, T., D. Yang, S. Han. "Numerical modeling of the multi-stage sheet pair hydroforming process." *Journal of materials processing technology*, 2004.
- [9] Zhang, S. H., M. R. Jensen, J. Danckert, K. B. Lang, D. C. Kang, "analysis of the mechanical deep drawing of cylindric cups." *Journal of Materials Processing Technology*, 2000.

## پی‌نوشت

